සියලු ම හිමිකම් ඇවරිණි / (மුගුට பதிப்புரிமையுடையது / All Rights Reserved)

ලි ලංකා විතාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විතාග දෙපාර්ත**ල් වල**යින් ලේක්තුව ලැපපාලින් සිටියන් පාලිත දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විතාග දෙපාර්තමේන්තුව இහැසියන්ට பුර්ධනාවේ නිකානයියනාව ඉහැසියන්ට පාලිත් නිකානයියන්ට ඉහැසියන්ට ප්රදේශ විතානයියනාව ඉහැසියන්ට ප්රදේශ විතානයියනාව Department of Examinations, Sri Lanka Department of **නියානයියන්ට සිටියන්ට අතර කිරීමට අතර අතර** විතානයියන්ට ප්රදේශ ලී ලංකා විතාන දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විතාශ දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා මතාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විතාශ දෙපාර්තමේන්තුව ඉහැසියන්ට ප්රදේශ නිකානයියනාව ඉහැසියන්ට ප්රදේශ විතානයියන්ට ප්රදේශ විතානයියනාව ඉහැසියන්ට ප්රදේශ විතානයියන්ට ප්රදේශ

> අධානයන පොදු සහතික පනු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අශෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ர் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

සංයුක්ත ගණිතය **இணைந்த கணிதம்** Combined Mathematics 10 T I

පැය තුනයි **முன்று மணித்தியாலம்** Three hours

சுட்டெண்

அறிவுறுத்தல்கள்:

- st இவ்வினாத்தாள் **பகுதி A** (வினாக்கள் 1 10), **பகுதி B** (வினாக்கள் 11 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டது.
- **ж பகுதி A:**

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்குமுரிய உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.

- * பகுதி В:
 - **ஐந்து** வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் எழுதுக.
- * ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் **பகுதி A** யின் விடைத்தாளானது **பகுதி B** யின் விடைத்தாளுக்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- * வினாத்தாளின் **பகுதி B யை மாத்திரம்** பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.

பரீட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

(1	.0) இணைந்த கண	Яிதம் I
பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
	1	
	2	
	3	
	4	
A .	5	
	-6	·
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
В	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	
	சதவீதம்	

வினாத்தாள் I	
வினாத்தாள் II	
மொத்தம்	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

இறுதிப் புள்ளிகள்

இலக்கத்தில்		
எழுத்தில்	 	

கு**றியீட்டெண்**கள்

விடைத்தாள் பரீட்சகர்			
பரிசீலித்தவர்:	1		
ப்பட்டிற்ற விற்ற வ	2		
மேற்பார்வை செய்தவர்:		,	

	209. 11	
1.	கணிதத் தொகுத்தறிவுக் கோட்பாட்டைப் பயன்படுத்தி, எல்லா $n\in \mathbb{Z}^+$ இற்கும் $\sum_{r=1}^n r(3r+1)=n(n+1)$ என நிறுவுக.	2
	<u></u>	
	······································	
•		
2.	சமனிலி $x^2-1 \ge x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.		
2.	சமனிலி $x^2-1 \ge x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	
2.	சமனிலி $x^2-1 \geq x+1 $ ஐத் திருப்தியாக்கும் x இன் எல்லா மெய்ப் பெறுமானங்களையும் காண்க.	

3.	ஓர் ஆகண் வரிப்படத்தில் ${ m Arg}(z-2i)=rac{\pi}{3}$ ஐத் திருப்தியாக்கும் சிக்கலெண்கள் z ஐ வகைகுறிக்கும்
	புள்ளிகளின் ஒழுக்கு \emph{l} ஐப் பரும்படியாக வரைக.
	$P,\;Q$ ஆகியன மேற்குறித்த ஆகண் வரிப்படத்தில் முறையே $2i,\;\sqrt{3}+5i$ என்னும் சிக்கலெண்களை வகைகுறிக்கும் புள்ளிகளெனக் கொள்வோம். தூரம் PQ ஐக் கண்டு, புள்ளி Q ஆனது l மீது இருக்கின்றதெனக்
	காட்டுக.
4.	INFINITY என்னும் சொல்லின் எட்டு எழுத்துகளும் எத்தனை வெவ்வேறு வழிகளில் ஒரு நிரையில் ஒழுங்குபடுத்தப்படலாம் ?
	இவ்வொழுங்குகளில் எத்தனையில்
	(i) எல்லா மூன்று I எழுத்துகளும் ஒன்றுக்கொன்று கிட்ட உள்ளன ?
	(ii) செப்பமாக ஓர் I எழுத்தும் இரு N எழுத்துகளும் முதல் மூன்று எழுத்துகளாக உள்ளன ?

- 5	5.	$0 எனக் இ$	காள்வோம்.	$\lim_{x \to \alpha} \frac{x}{\tan x}$	$\frac{3-\alpha^3}{x-\tan\alpha}=$	$3\alpha^2\cos^2\alpha$	≀ எனக் காட்டுக	5.	
4									••••••
-					••••••••••••••••••••••••••••••••••••••		••••••		••••••
		***************************************				*******		******	
		*****		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		••••••
						-			
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	••••••			********
						,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,			•••••
			************		********				********
		***************************************	************					***************************************	
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
		•••••••		• • • • • • • • • • • • •			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
		•••••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	,				
		•••••••		• • • • • • • • • • • • • •	***********		.,		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
		••••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •					• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				,	•••••
					'	1	- ·		
6	í.	0 < a < b எனக் கொ	ள்வோம். <u>d</u> dx	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{2}}\right)$	$\frac{b-a}{b}\cos x$	$=-\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}\cos^2 a}$	$\frac{\sqrt{b-a}\sin x}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	<u>–</u> எனக் காட்டுக. ்	
6	i.	0 < a < b எனக் கொ $a < b$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b \operatorname{s}}$	$\frac{1}{x}\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $\frac{1}{\sin^2 x}dx$	$\frac{b-a}{b}\cos x$ ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cot a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	0 < a < b எனக் கொ $a < b$ எனக் கொ $a < b$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$\frac{1}{c}\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $\frac{1}{\sin^2 x} dx$	$\frac{b-a}{b}\cos x$ ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cot a $	$\frac{b - a\sin x}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	0 < a < b எனக் கொ $a < b$ எனக் கொ $a < b$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$\frac{1}{c}\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $\frac{1}{\sin^2 x}dx$	$\frac{b-a}{b}\cos x$ ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	0 < a < b எனக் கொ $a < b$ எனக் கொ $a < b$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	$\frac{b-a}{b}\cos x$	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	í.	0 < a < b எனக் கொ $a < b$ எனக் கொ $a < b$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b − a</u> cos x , ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x , ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ இதிலிருந்து, $\int \sqrt{a} e^{-a}$	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b − a</u> cos x , ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x , ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $= \sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x , ஐக் காண்க	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	0 < a < b எனக் கொ e	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}} \cos a $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$\frac{1}{x}\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — ā</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a} \cos x}{\sqrt{a} \cos x} $	$\frac{b - a \sin x}{\cos^2 x + b \sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	$0 < a < b$ எனக் கொ ϵ	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$ $-\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b — a</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a} \cos x}{\sqrt{a} \cos x} $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எனக் காட்டுக.	
6	i.	0 <a </a 	ள்வோம். $\frac{d}{dx}$ $\frac{\sin x}{\cos^2 x + b}$ s	$\frac{1}{x}\sin^{-1}\left(\sqrt{\frac{1}{x}}\right)$	<u>b − ā</u> cos x ,	$ = -\frac{\sqrt{a} \cos x}{\sqrt{a} \cos x} $	$\frac{(b-a\sin x)}{\cos^2 x + b\sin^2 x}$	= எணக் காட்டுக	

7.	ஒரு வளையி C ஆனது $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ இற்கு $x = 3\cos\theta - \cos^3\theta$, $y = 3\sin\theta - \sin^3\theta$ இனால் பரமானமாகத்
	தரப்படுகின்றது. $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x} = -\cot^3 heta$ எனக் காட்டுக.
	தொடலிக் கோட்டின் படித்திறன் -1 ஆக இருக்குமாறு வளையி C மீது உள்ள புள்ளி P யின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.
	<u></u>
8.	l_1, l_2 ஆகியன முறையே $3x - 4y = 2, \ 4x - 3y = 1$ ஆகியவற்றினால் தரப்படும் நேர்கோடுகளெனக் கொள்வோம்.
	(i) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கோணங்களின் இருகூறாக்கிகளின் சமன்பாடுகளை எழுதுக.
	$egin{aligned} (\mathbf{i}) & l_1 & \mathbf{g} \end{pmatrix}$ இற்குமிடையே உள்ள கோணங்களின் இருகூறாக்கிகளின் சமன்பாடுகளை எழுதுக. $egin{aligned} (\mathbf{i}\mathbf{i}) & l_1 & \mathbf{g} \end{pmatrix}$ இற்கும் $b_2 & \mathbf{g} \end{pmatrix}$ இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(i) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கோணங்களின் இருகூறாக்கிகளின் சமன்பாடுகளை எழுதுக. (ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.
	(ii) l_1 இற்கும் l_2 இற்குமிடையே உள்ள கூரங்கோணத்தின் இருகூறாக்கியின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

9.	S ஆனது $x^2+y^2-4=0$ இனால் தரப்படும் வட்டம் எனவும் l ஆனது $y=x+1$ இனால் தரப்படும் நேர்கே எனவும் கொள்வோம். S இனதும் l இனதும் வெட்டுப் புள்ளிகளினூடாகச் செல்வதும் வட்டம் S நிமிர்கோணமுறையாக இடைவெட்டுவதுமான வட்டத்தின் சமன்பாட்டைக் காண்க.	æ (B
		٠
		.
		.
		٠
	······································	٠
		٠
	······································	.
		.
		٠
	······································	٠
		٠
	······································	٠
	······································	•
	······································	•
		٠
10.	$-\pi < \theta \le \pi$ இற்கு $\left(\cos\frac{\theta}{2} + \sin\frac{\theta}{2}\right)^2 = 1 + \sin\theta$ எனக் காட்டுக். இதிலிருந்து, $\cos\frac{\pi}{12} + \sin\frac{\pi}{12} = \sqrt{\frac{3}{2}}$ என	ாக்
	காட்டி, $\cos\frac{\pi}{12}-\sin\frac{\pi}{12}$ இன் பெறுமானத்தையும் காண்க. $\sin\frac{\pi}{12}=\frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$ என்பதை உய்த்தறிக.	
	12 12 242	
		•
		•

සියලු ම හිමිකම් අප්රිණී /முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved

ලි ලංකා විතාහ දෙපාර්තමේත්තුව ලි ලංකා විතාහ දෙපාර්තුල් ලෙසු කිරීම සිදුවා සිදුව සිදුවා සිදුව සිදුවා ස

අධානයන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ற் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம்

Combined Mathematics



பகுதி B

- * ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.
- 11. (a) $f(x) = 3x^2 + 2ax + b$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a, b \in \mathbb{R}$. சமன்பாடு f(x) = 0 இரு வேறுவேறான மெய்ம் மூலங்களைக் கொண்டுள்ளதெனத் தரப்பட்டுள்ளது. $a^2 > 3b$ எனக் காட்டுக.

f(x)=0 இன் மூலங்கள் lpha, eta எனக் கொள்வோம். lpha+eta ஐ a இன் சார்பிலும் lphaeta ஐ b இன் சார்பிலும் எழுதுக. $\left|lpha-eta\right|=\frac{2}{3}\sqrt{a^2-3b}$ எனக் காட்டுக.

மேலும் $\left|\alpha+\beta\right|,\left|\alpha-\beta\right|$ ஆகியவற்றை அதன் மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாடு $9x^2-6\left(\left|a\right|+\sqrt{a^2-3b}\right)x+4\sqrt{a^4-3a^2b}=0$ இனால் தரப்படுகிறது எனவும் காட்டுக.

(b) $g(x)=x^3+px^2+qx+1$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $p,q\in\mathbb{R}$ ஆகும். g(x) ஆனது (x-1)(x+2) இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி 3x+2 ஆகும். g(x) ஆனது (x-1) இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி 5 எனவும் g(x) ஆனது (x+2) இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி -4 எனவும் காட்டுக.

 $p,\,q$ ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் கண்டு (x+1) ஆனது g(x) இன் ஒரு காரணியெனக் காட்டுக.

 $12. \ (a) \ (5+2x)^{14}$ இன் ஈருறுப்பு விரியை x இன் ஏறு வலுக்களில் எழுதுக.

r=0,1,2,...,14 இற்கு மேற்குறித்த விரியில் x^r ஐக் கொண்டுள்ள உறுப்பு T_r எனக் கொள்வோம்.

 $x \neq 0$ இந்கு $\frac{T_{r+1}}{T_r} = \frac{2(14-r)}{5(r+1)}x$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $x=\frac{4}{3}$ ஆக இருக்கும்போது மேற்குறித்த விரியில் மிகப் பெரிய உறுப்பைத் தரும் r இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.

 $(b) \ c \ge 0$ எனக் கொள்வோம். $r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $\frac{2}{(r+c)(r+c+2)} = \frac{1}{(r+c)} - \frac{1}{(r+c+2)}$ எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $\sum_{r=1}^n \frac{2}{(r+c)(r+c+2)} = \frac{(3+2c)}{(1+c)(2+c)} - \frac{1}{(n+c+1)} - \frac{1}{(n+c+2)}$

முடிவில் தொடர் $\displaystyle\sum_{r=1}^{\infty} \dfrac{2}{(r+c)(r+c+2)}$ ஒருங்குகின்றது என்பதை உய்த்தறிந்து, அதன் கட்டுக்கொகையைக் காண்க.

c இந்கு உகந்த பெறுமானங்களுடன் இக்கூட்டுத்தொகையைப் பயன்படுத்தி

$$\sum_{r=1}^{\infty} \frac{1}{r(r+2)} = \frac{1}{3} + \sum_{r=1}^{\infty} \frac{1}{(r+1)(r+3)}$$
 எனக் காட்டுக.

13. (a)
$$\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & a & 3 \\ -1 & b & 2 \end{pmatrix}$$
, $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & a \\ 1 & b & 0 \end{pmatrix}$, $\mathbf{P} = \begin{pmatrix} 4 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $a, b \in \mathbb{R}$.

 ${f A}{f B}^{
m T}={f P}$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு ${f B}^{
m T}$ ஆனது தாயம் ${f B}$ இன் நிலைமாற்றைக் குறிக்கின்றது. $a=1,\,b=-1$ எனக் காட்டி, $a,\,b$ ஆகியவற்றுக்கு இப்பெறுமானங்களுடன் ${f B}^{
m T}{f A}$ ஐக் காண்க.

 ${f P}^{-1}$ ஐ எழுதி, அதனைப் பயன்படுத்தி, ${f P}{f Q}={f P}^2+2{f I}$ ஆக இருக்கத்தக்கதாகத் தாயம் ${f Q}$ ஐக் காண்க; இங்கு ${f I}$ ஆனது வரிசை ${f 2}$ இலான சர்வசமன்பாட்டுத் தாயமாகும்.

(b) ஓர் ஆகண் வரிப்படத்தில் |z|=1 ஐத் திருப்தியாக்கும் சிக்கலெண்கள் zஐ வகைகுறிக்கும் புள்ளிகளின் ஒழுக்கு C ஐப் பரும்படியாக வரைக.

 $z_0 = a (\cos \theta + i \sin \theta)$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு a > 0, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ ஆகும். $\frac{1}{z_0}$, z_0^2 ஆகிய சிக்கலெண்கள் ஒவ்வொன்றினதும் மட்டினை a இன் சார்பிலும் தலைமை வீசலை θ இன் சார்பிலும் காண்க.

P,Q,R,S ஆகியன முறையே $z_0, \frac{1}{z_0}, z_0 + \frac{1}{z_0}, z_0^2$ என்னும் சிக்கலெண்களை மேற்குறித்த ஆகண் வரிப்படத்தில் வகைகுறிக்கும் புள்ளிகளெனக் கொள்வோம்.

புள்ளி P ஆனது மேற்குறித்த C மீது இருக்கும்போது

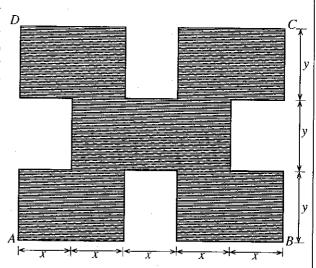
- (i) Q,S ஆகிய புள்ளிகளும் C மீது இருக்கும் எனவும்
- (ii) புள்ளி R மெய் அச்சு மீது 0 இற்கும் 2 இற்குமிடையே இருக்கும் எனவும் காட்டுக.
- **14.** (a) $x \neq 1,2$ இற்கு $f(x) = \frac{x^2}{(x-1)(x-2)}$ எனக் கொள்வோம்.

 $x \neq 1,2$ இற்கு f(x) இன் பெறுதி f'(x) ஆனது $f'(x) = \frac{x(4-3x)}{(x-1)^2(x-2)^2}$ இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக.

அணுகுகோடுகளையும் திரும்பற் புள்ளிகளையும் காட்டி y=f(x) இன் வரைபைப் பரும்படியாக வரைக. வரைபைப் பயன்படுத்திச் சமனிலி $\dfrac{x^2}{(x-1)(x-2)} \le 0$ ஐத் தீர்க்க.

(b) அருகில் உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள நிழற்றிய பிரதேசத்தின் பரப்பளவு 385 m^2 ஆகும். 5x மீற்றர் நீளமும் 3y மீற்றர் அகலமும் உள்ள ஒரு செவ்வகம் ABCD இலிருந்து ஒவ்வொன்றும் y மீற்றர் நீளமும் x மீற்றர் அகலமும் உள்ள சர்வசமனான நான்கு செவ்வகங்களை அகற்றுவதன் மூலம் இப்பிரதேசம் பெறப்படுகின்றது. $y=\frac{35}{x}$ எனவும் மீற்றரில் அளக்கப்படும் நிழற்றிய பிரதேசத்தின் சுற்றளவு P ஆனது x>0 இற்கு $P=14x+\frac{350}{x}$

இனால் தரப்படும் எனவும் காட்டுக. P ஆனது இழிவாக இருக்கத்தக்கதாக x இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.



- **15**. (a) (i) $\frac{1}{x(x+1)^2}$ ஜப் பகுதிப் பின்னங்களாக எடுத்துரைத்து, **இதிலிருந்து,** $\int \frac{1}{x(x+1)^2} \, \mathrm{d}x$ ஐக் காண்க.
 - (ii) பகுதிகளாகத் தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி $\int xe^{-x}\,\mathrm{d}x$ ஐக் கண்டு, **இதிலிருந்து,** வளையி $y=xe^{-x}$ இனாலும் $x=1,\ x=2,\ y=0$ என்னும் நேர்கோடுகளினாலும் உள்ளடைக்கப்படும் பிரதேசத்தின் பரப்பளைவைக் காண்க.
 - (b) c>0 எனவும் $I=\int\limits_0^c rac{\ln{(c+x)}}{c^2+x^2}\,\mathrm{d}x$ எனவும் கொள்வோம். பிரதியீடு $x=c\, an heta$ ஐப் பயன்படுத்தி $I=rac{\pi}{4c}\ln{c}+rac{1}{c}J$ எனக் காட்டுக; இங்கு $J=\int\limits_0^{rac{\pi}{4}}\ln{(1+ an heta)}\,\mathrm{d} heta.$

a ஒரு மாநிலியாக இருக்கும் சூத்திரம் $\int\limits_0^a f(x)\,\mathrm{d}x=\int\limits_0^a f(a-x)\,\mathrm{d}x$ ஐப் பயன்படுத்தி, $J=rac{\pi}{8}\ln 2$ எனக் காட்டுக.

 $I = \frac{\pi}{8c} \ln(2c^2)$ என்பதை உய்த்தறிக

16. $m \in \mathbb{R}$ எனக் கொள்வோம். புள்ளி $P \equiv (0,1)$ ஆனது y = mx இனால் தரப்படும் நேர்கோடு l மீது இருப்பதில்லையெனக் காட்டுக.

P இனூடாக l இற்குச் செங்குத்தாக உள்ள நேர்கோடு மீது உள்ள புள்ளி எதனதும் ஆள்கூறுகளை வடிவம் (-mt, t+1) இல் எழுதலாமெனக் காட்டுக; இங்கு t ஒரு பரமானம்.

இதிலிருந்து, P இலிருந்து l இற்கு வரையப்பட்டுள்ள செங்குத்தின் அடியாகிய புள்ளி Q இன் ஆள்கூறுகள் $\left(\frac{m}{1+m^2},\frac{m^2}{1+m^2}\right)$ இனால் தரப்படுகின்றனவெனக் காட்டுக.

m மாறும்போது புள்ளி Q ஆனது $x^2+y^2-y=0$ இனால் தரப்படும் வட்டம் S மீது இருக்கின்றதெனக் காட்டி, Q இன் ஒழுக்கை xy–தளத்தில் பரும்படியாக வரைக.

அத்துடன் புள்ளி $R\equiv\left(\frac{\sqrt{3}}{4}\,,\frac{1}{4}
ight)$ ஆனது S மீது இருக்கின்றதெனக் காட்டுக.

S ஐ வெளிப்புறமாகப் புள்ளி R இல் தொடுகின்றதும் x-அச்சு மீது மையம் இருக்கின்றதுமான வட்டம் S' இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

S' இன் மையத்தை மையமாகக் கொண்டதும் S ஐ உட்புறமாகத் தொடுகின்றதுமான வட்டத்தின் சமன்பாட்டை எழுதுக.

- 17. (a) (i) $0^{\circ} < \theta < 90^{\circ}$ இற்கு $\frac{2\cos(60^{\circ} \theta) \cos \theta}{\sin \theta} = \sqrt{3}$ எனக் காட்டுக.
 - (ii) தரப்பட்டுள்ள உருவில் ABCD ஒரு நாற்பக்கலாகும்; இங்கு $AB=AD,\,A\hat{B}C=80^\circ,\,C\hat{A}D=20^\circ,\,B\hat{A}C=60^\circ$ ஆகும்.

 $A\hat{C}D=lpha$ எனக் கொள்வோம். முக்கோணி ABC இற்குச் சைன் நெறியைப் பயன்படுத்தி $\frac{AC}{AB}=2\,\cos\,40^\circ$ எனக் காட்டுக.

80%

அடுத்ததாக முக்கோணி ADC இற்குச் சைன் நெறியைப் பயன்படுத்தி $\frac{AC}{AD}=\frac{\sin(20^\circ+\alpha)}{\sin\alpha}$ எனக் காட்டுக.

 $\sin{(20^{\circ} + \alpha)} = 2\cos{40^{\circ}}\sin{\alpha}$ என்பதை உய்த்தறிக.

இதிலிருந்து, $\cot \alpha = \frac{2\cos 40^{\circ} - \cos 20^{\circ}}{\sin 20^{\circ}}$ எனக் காட்டுக.

இப்போது மேலே (i) இல் உள்ள பேறைப் பயன்படுத்தி $lpha=30^\circ$ எனக் காட்டுக.

(b) சமன்பாடு $\cos 4x + \sin 4x = \cos 2x + \sin 2x$ ஐத் தீரக்க.



පියලු ර	ම හිමිකම්	ඇව්රිණි / ගුඟුப්	பதிப்புரிமையுடை	.யது/All Rights	s Reserved]

ලි ලංකා විශාශ දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විශාශ දෙපාර්ත**ි**ත්තුවුණු ලෙසුණු ල

අධනයන පොදු සහතික <mark>පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු</mark> கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ந் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

සංයුක්ත ගණිතය II இணைந்த கணிதம் II Combined Mathematics II



පැය තුනයි **மூன்று மணித்தியாலம்** Three hours

SHL'GL GOOT

அறிவுறுத்தல்கள் :

- ⊭ இவ்வினாத்தாள் **பகுதி A** (வினாக்கள் 1 10), **பகுதி B** (வினாக்கள் 11 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டுள்ளது.
- * பகுதி A:

எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் உமது விடைகளை எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.

- * பகுதி B:
 - **ஐந்து** வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் உமது விடைகளை எழுதுக.
- st ஒதுக்கப்பட்ட நேரம் முடிவடைந்ததும் **பகுதி A** யின் விடைத்தாளானது **பகுதி B** யின் விடைத்தாளுக்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- * வினாத்தாளின் பகுதி B யை மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.
- 🛠 இவ்வினாத்தாளில் g ஆனது புவியீரப்பினாலான ஆர்(மடுகலைக் குறிக்கின்றது.

பரீட்சகரின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

(1	0) இணைந்த கன	ளிதம் II
பகுதி	बीब्सा नब्सं	புள்ளிகள்
	1	
	. 2	
	3	
	4	
A	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
B	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	
	சதவீதம்	

வினாத்தாள் I	,
வினாத்தாள் II	
மொத்தம்	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

இறுதிப் புள்ளிகள்

இலக்கத்தில்	
எழுத்தில்	

குறியீட்டெண்கள்

விடைத்தாள் பரீட்சகர்	,	
பரிசீலித்தவர்:	1	-
<u>ლეი ათქელის</u> ,	2	
மேற்பார்வை செய்தவர்:		-

	பகுது க
1.	திணிவு m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை P உம் திணிவு λm ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை Q உம் முறையே u,v என்னும் கதிகளுடன் ஒன்றையொன்று நோக்கி ஓர் ஒப்பமான கிடை நிலத்தின் மீது ஒரே நேர்கோடு வழியே இயங்குகின்றன. அவற்றின் மொத்தலுக்குப் பின்னர் துணிக்கை P கதி v உடனும் துணிக்கை Q கதி u உடனும் திண்கை இயங்குகின்றன. $\lambda = 1$ எனக் காட்டி, P இற்கும் Q இற்குமிடையே உள்ள மீளமைவுக் குணகத்தைக் காண்க.
	ஓய்விலிருந்து தொடங்கி ஒரு சீரான ஆர்முடுகல் f உடன் நிலைக்குத்தாக மேல்நோக்கி இயங்குகின்றது; இங்கு $f < g$. நேரம் $t = T$ இல் பந்து பலூனிலிருந்து மெதுவாகப் பிரிந்து புவியீரப்பின் கீழ் இயங்குகின்றது. $t = 0$ இலிருந்து பந்து அதன் உயர்ந்தபட்ச உயரத்தை அடையும் வரைக்கும் பந்தின் மேன்முக இயக்கத்திற்கு வேக - நேர வரைபைப் பரும்படியாக வரைக. பந்து அடைந்த உயர்ந்தபட்ச உயரத்தை T, f, g ஆகியவற்றின் சார்பில் காண்க.

3.	உருவில் $PABCD$ ஆனது கிடையுடன் 30° இல் சாய்ந்துள்ள ஒரு நிலைத்த ஒப்பமான தளத்தின் மீது வைக்கப்பட்டுள்ள திணிவு m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கையுடன் இணைக்கப்பட்டுள்ள ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையாகும். இழை A இல் உள்ள ஒரு நிலைத்த சிறிய ஒப்பமான கப்பிக்கு மேலாகவும் திணிவு $2m$ ஐ உடைய ஓர் ஒப்பமான கப்பிக்குக் கீழாகவும் செல்கின்றது. புள்ளி D நிலைப்படுத்தப்பட்டுள்ளது. PA ஆனது ஓர் அதியுயர் சரிவுக் கோடு வழியே இருக்கும் அதே வேளை AB உம் CD உம் நிலைக்குத்தானவை. இழை இறுக்கமாக இருக்கத் தொகுதி ஓய்விலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது. துணிக்கையின் ஆர்முடுகலின் பருமன் இயங்கத்தக்க கப்பியின் ஆர்முடுகலின் பருமனின் இருமடங்கெனக் காட்டி, இழையின் இழுவையைத் துணிவதற்குப் போதிய சமன்பாடுகளை எழுதுக.
4.	திணிவு $M \log ஐ உடைய ஒரு பாரவண்டி (truck) திணிவு m \log ஐ உடைய ஒரு காரை ஒரு நேர்க் கிடை வீதி வழியே, பாரவண்டியினதும் காரினதும் இயக்கத் திசைக்குச் சமாந்தரமான ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத வடத்தினால், இழுக்கின்றது. பாரவண்டியினதும் காரினதும் இயக்கத்திற்கு உள்ள தடைகள் முறையே \lambda M நியூற்றன் \lambda m நியூற்றன் ஆகும்; இங்கு \lambda (>0) ஒரு மாறிலி. ஒரு குறித்த கணத்தில் பாரவண்டியின்$
	எஞ்சினால் பிறப்பிக்கப்படும் வலு P kW உம் பாரவண்டியினதும் காரினதும் கதி v m s $^{-1}$ உம் ஆகும்.
	அக்கணத்தில் வடத்தின் இழுவை $\frac{1000mP}{(M+m) u}$ நியூற்றன் எனக் காட்டுக.

5.	வழக்க <i>A, B</i>	५७॥ नकां	னிர் வ செ	நிப்பீட் இரு	்டில் புள்	– i - ளிகஎ	+ 2 j , ரின்	2αi தான	+α j எக்	ஆக காவ	ിധ ങ 186ണ	முன னக்	மூழை கொ	ஒரு ள்வோ	நி ம்: !	லைத் இங்கு	ந்த 5 α	உற்ப (>0)	த்தி ரை	<i>О</i> ш	பற்றி ாறிலி.
									_		<u>ர்</u> என				-,,			,	0.0		متو -
											2 உள்				செ	ாள்டே	வாம்.	. абпе	ล \overline{C}	o C ≞	யனகு
											ரத்தை									_	
		• • • • •											· · · · · · ·						 .		· · · · ·
			• • • • • •									<i></i> .		•••••							• • • • •
								· · • • • •						•••••			<i></i>				
			• • • • • • •					,						· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			<i>.</i>		<i>.</i>		
			• • • • • •																		
,			• • • • • •							<i>.</i>				• • • • • • • •					<i></i> .	• • • • •	. ,
i		• • • • •						<i></i>		. ,											
			• • • • • • •																		
												•									
•			• • • • • •			• • • • • •															
,	• • • • • • •	• • • • •	• • • • • •	•••••		• • • • • •															
	• • • • • • •										• • • • • • • •										
•		• • • • • •						• • • • • •	•••••		• • • • • • •	• • • • •	•••••	• • • • • • • •	• • • • •	••••	• • • • •	• • • • • •		• • • • • •	
•			• • • • • • •	•••••		• • • • • •				• • • • • •	• • • • • • •	•••••			••••	• • • • •	· • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • •	• • • • •	• • • • •	****
8	சீரான ஆனது	கோ ப <i>AE</i>	rல் <i>A</i> } இன்	<i>B</i> ஆன பநடுப்	ரது 9 புள்	உருவ எளியா	யில் க சகும்.	ъпо х АĈ	іப்படு Э̀ <i>В</i> =	கின்ற $rac{\pi}{2}$,	பும் நின தவாறு <i>OÂB</i> = எ இழு	நாப் = α 6	பத்தி எனத்	ல் உ தரப்ப	ள்ளத ட்டுஎ்	து. G எஎது	ř		\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\		> ^B
						_												\a_/			
																•	A				
							•••••					••••			•••••	•					
•			*****	******	• • • • • •				,,,,,,	• • • • • •	• • • • • • •		••••••	******				• • • • • •		• • • • •	••••
•		• • • • •	•••••	•••••	• • • • • •		• • • • • •		•••••		• • • • • • •										••••
•					• • • • •			• • • • •				• • • • •	•••••			• • • • • • •	• • • • •	• • • • • •			••••
•	•••••			••••	• • • • • •		• • • • • • •			• • • • • •	• • • • • • •			*****	• • • • • •	· · · · · ·			••••		
•					• • • • • •		• • • • • •			••••	• • • • • • •	••••								• • • • •	••••
•	•••••	• • • • •		• • • • • • •	• • • • • •			• • • • •	• • • • • •		· · · · · · · ·				• • • • •			• • • • • •	•••••	• • • • •	••••
•			•••••	•••••	• • • • • •					•••••	• • • • • • • •		• • • • • •		••••	• • • • • •			•••••		••••
•							• • • • • •	• • • • •				••••							• • • • •	· · · · · ·	
•					• • • • • •			• • • • •											• • • • •		
•		•••••					• • • • •					••••									*****
							• • • • • • • • • • • • • • • • • • •														••••
		••••		•••••			••••••••••••••••••••••••••••••••••••••		•••••						•••••	•••••					••••

P(A∪B) = $\frac{4}{5}$, P(A'∪B') = $\frac{5}{6}$, P(B A) = $\frac{1}{4}$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது. P(A) ஐயும் P(B) ஐயும் காண்க ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்க உடல் அச்சிடப்பட்டுள்ளன். பித்கப்படுகின்றன். (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்னா இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான நினழ்த்தலைக் காண்க.			கியன																
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பீரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	P(A)	AU.	$B) = \frac{1}{2}$	I , P	(A' U) B')	$=\frac{5}{6}$,	P(I	$B \mid A$) = -	े नळाडू 4	த் தரப்	பட்டுள்	ாளது.	P(A)	ஐயும	P(B) 8	Brito	காண்க.
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	•••••		• • • • • •	• • • • • •	•				<i></i> .		• • • • • • • •	· · · · · · · ·	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • •	•••••	•••••		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால்	••••			• • • • • •			•••		<i></i>				• • • • • •					•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால்	••••		•••••								••••••	• • • • • • • •						•••••	
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் ! உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான		• • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • •		• • • • •	•••••	• • • • •			• • • • • • • • •	• • • • • • • •						•••••	•••••
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	••••							••••		•••••	• • • • • • • • •	• • • • • • • •						• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	
ஒரு டையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	••••		•••••									• • • • • • • •							
ஒரு டையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	••••					• • • • • •				••••		• • • • • • • •			•••••				
ஒரு டையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான		<i></i>		••••				• • • • •		• • • • •	•••••				··			•••••	
ஒரு டையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான		• • • • •						••••			•••••		· · • • • •						• • • • • • • • •
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்து அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	• • • • •	• • • • •		• • • • • •							•••••							. 	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்து அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	••••		· · · · · ·	• • • • • •							• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				• • • • • • •				
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான	• • • • •	. .	••••								• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • •			• • • • • • •				
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான				• • • • • •							• • • • • • • •								· · · · · · · · · ·
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால இருப்பதற்கான		<i></i>		• • • • • • •		•••••						• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •							
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான		• • • • •		,								• • • • • • • • •			*****				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
ஒரு பையில் ஒன்பது அட்டைகள் உள்ளன. அவற்றில் நான்கில் இலக்கம் 1 உம் ஏனையவற்றில் இலக்கம் 2 உம் அச்சிடப்பட்டுள்ளன. பிரதிவைப்பு இல்லாமல் ஒரு தடவைக்கு ஒன்று வீதம் எழுமாற்றாகப் பையிலிருந்த அட்டைகள் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. (i) வெளியே எடுத்த முதல் இரு அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை நான்கால இருப்பதற்கான (ii) வெளியே எடுத்த முதல் மூன்று அட்டைகளிலும் உள்ள இலக்கங்களின் கூட்டுத்தொகை மூன்றால் இருப்பதற்கான																			,
நிகழ்தகவைக் காண்க.	2 உ அட்	பைய ம் அ கைக) ெ	பில் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிே	ன்பத பட்டு வளிே ப எ(் அப் ள்ளன ய எ(நத்த	்டை எ. பிர டுக்க	கள் இ திசை ப்படுக	உள் வப்பு என்ற	ளன. இல் ன.	опре	ற்றில் ல் ஒரு	நான்கி தடவை	பக்கு ஒ	ஒன்று	வீதம் (எழுமா	ற்றாகப்	ചെ വ	பிலிருந்த
	2 உi அட்6 (i)	பைய ம் அ நைக () ெ இ () ெ	பில் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிசே ருப்பத	தன்பது பட்டு வளிே ப எ(நந்கா ப எ(் அட் ள்ளன ய எ(நத்த ன் தத்த	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ இ இ இ இ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ இ இ இ இ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ இ இ இ இ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந் <i>து</i> நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந் <i>து</i> நான்கா <i>8</i>
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக
	2 உ அட் 6 (i) (ii)	பைய ம் அ கைக) ெ இ) ெ	വിல் ஒ ச்சிடப் ள் செ வளிலே ருப்பத வளிலே ருப்பத	தன்பத பபட்டு வளிே ப எ(நற்கா ப எ(நற்கா	் அட் ள்ளன ய எ(நித்த ன தித்த ன	்டை எ. பிர டுக்க முத	கள் : (தினை ப்படுக (5ல் இ	உள் வப்பு தெந்த இரு	ளன. இல்ல ன. அட்	സ്ഥര പെക	ற்றில் ல் ஒரு ளிலும்	நான்கி தடவை உள்ள	பக்கு ஒ π இவ	ஒன்று லக்கங்	வீதம் (களின்	எழுமா கூட்()	ற்றாகப் தத்தொ	് വൈ കൈ	ிலிருந்த நான்காக

9.	9 . ஆறு நோக்கல்களின் பெறுமானங்கள் a,a,b,b,x,y ஆகும்; இங்கு a,b,x,y நிறையெண்களாக இருக்கும் அதே வேளை $a < b$. இந்த ஆறு நோக்கல்களில்	
	இந்த ஆகாரங்களின் கூட்டுத்தொகையும் பெருக்கமும் முறையே x,y எனத்	தரப்பட்டுள்ளது.
	ஆறு நோக்கல்களினதும் இடை $rac{7}{2}$ எனின், a,b ஆகியவற்றைக் காண்க.	
		,A
10.	${f 10}.$ x_1,x_2,\ldots,x_{10} என்னும் பத்து எண்களின் இடையும் மாறற்றிறனும் முறையே	•
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.	
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ	
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த
	நீக்கிய பின்னர் எஞ்சியிருக்கும் ஒன்பது எண்களினதும் இடையும் 10 ஆகுெ ஒன்பது எண்களினதும் மாறற்றிறனைக் காண்க.)மனத் தரப்பட்டுள்ளது. இந்த

ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්ත**ි අවුවැනි. වෙන්නා දෙපාර්තමේන්තුව ලි** ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව இலங்கைப் பரீட்சைத் தினைக்களம் இலங்கைப் படுக்கத் தினைக்கும் இஞ்சுக்குப் பரிட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் Department of Examinations, Sri Lanka Department of **இலங்கைப் Sri Linka Department** of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Geom විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි

අධානයන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2017 අගෝස්තු கல்விப் டொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2017 ஓகஸ்ந் General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2017

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம் П Combined Mathematics

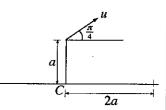


பகுதி B

* **ஐந்து** வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

(இவ்வினாத்தாளில் g ஆனது புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முடுகலைக் குறிக்கின்றது.)

 $11.\left(a
ight)$ உயரம் a ஐ உடைய ஒரு நிலைக்குத்துக் கோபுரத்தின் அடி கிடைத் தரை மீது உள்ள ஆரை 2a ஐ உடைய ஒரு வட்டத் தடாகத்தின் மையம் C இல் உள்ளது. கோபுரத்தின் உச்சியிலிருந்து கிடைக்கு மேலே கோணம் $\frac{\pi}{4}$ இல் கதி u உடன் ஒரு சிறிய கல் எறியப்படுகின்றது (உருவைப் பார்க்க). கல் புவியீரப்பின் கீழ்ச் சுயாதீனமாக இயங்கி C இலிருந்து தூரம் R இல் C இனூடாக உள்ள கிடைத் தளத்தில் படுகின்றது. சமன்பாடு $gR^2 - u^2R - u^2a = 0$ இனால் R தரப்படுகின்றதெனக் காட்டுக.



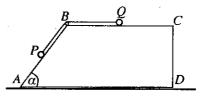
R ஐ $u,\ a,\ g$ ஆகியவற்றின் சார்பில் கண்டு, $u^2>rac{4}{3}\,ga$ எனின், கல் தடாகத்தில் விழுவதில்லை என்பதை உய்த்தறிக.

(b) ஒரு கப்பல் S ஆனது புவி தொடர்பாகச் சீரான கதி $u \, \mathrm{km} \, \mathrm{h}^{-1}$ உடன் கிழக்கு நோக்கிச் செல்கின்றது. ஒரு படகு B இலிருந்து மேற்கிற்கு கோணம் heta தெற்கே ஒரு தூரம் l km இல் கப்பல் இருக்கும் கணத்தில் படகு கப்பலை இடைமறிக்கும் நோக்கத்தில் புவி தொடர்பாகச் சீரான கதி u km h^{-1} உடன் ஒரு நேர்கோட்டுப் பாதையில் செல்கின்றது; இங்கு $u\sin heta < v < u$. கப்பலும் படகும் அவற்றின் கதிகளையும் பாதைகளையும் மாற்றாமல் பேணுகின்றனவெனக் கொண்டு புவி தொடர்பாகப் படகு செல்லத்தக்க இரு பாதைகளையும் துணிவதற்கு வேக முக்கோணிகளை ஒரே வரிப்படத்தில் பரும்படியாக வரைக.

புவி தொடர்பாகப் படகின் இரு இயல்தகு இயக்கத் திசைகளுக்குமிடையே உள்ள கோணம் $\pi-2lpha$ எனக் காட்டுக; இங்கு $\alpha = \sin^{-1}\left(\frac{u\sin\theta}{v}\right)$

படகு இவ்விரு பாதைகளிலும் சென்று கப்பலை இடைமறிப்பதற்கு எடுக்கும் நேரங்கள் t_1 மணித்தியாலம் எனவும் t_2 மணித்தியாலம் எனவும் கொள்வோம். $t_1+t_2=rac{2lu\cos heta}{u^2-v^2}$ எனக் காட்டுக.

12.(a) உருவில் உள்ள சரிவகம் ABCD ஆனது திணிவு 2m ஐ உடைய ஓர் ஒப்பமான சீரான குற்றியின் புவியீர்ப்பு மையத்தினூடாக உள்ள ஒரு நிலைக்குத்துக் குறுக்குவெட்டாகும். AD, BC ஆகிய கோடுகள் சமாந்தரமாக இருக்கும் அதே வேளை கோடு AB ஆனது அது அடங்கும் முகத்தின் ஓர் அதியுயர் சரிவுக் கோடாகும். மேலும்

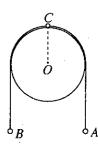


 $AB=2a,\;\;B\hat{A}D=lpha\;;\;\;$ இங்கு $0<lpha<rac{\pi}{2}\;,\;\;\coslpha=rac{3}{5}\;\;$ ஆகும். AD ஐக் கொண்டுள்ள முகம் ஓர் ஒப்பமான கிடை நிலத்தின் மீது இருக்கு மாறு குற்றி வைக்கப்படுகின்றது. நீளம் $l\ (>2a)$ ஐ உடைய ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழை B இல் உள்ள ஒரு சிறிய ஒப்பமான கப்பியின் மேலாகச் செல்லும் அதே வேளை அதன் ஒரு நுனியில் திணிவு m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை P உம் மற்றைய நுனியில் அதே திணிவு m ஐ உடைய வேறொரு துணிக்கை \emph{Q} உம் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. உருவில் காணப்படுகின்றவாறு துணிக்கை P ஆனது AB இன் நடுப் புள்ளியிலும் துணிக்கை Q ஆனது BC மீதும் வைக்கப்பட்டு இழை இறுக்கமாக இருக்கத் தொகுதி ஓய்விலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது.

நிலம் தொடர்பாகக் குற்றியின் ஆர்முடுகல் $\frac{4}{17}$ g எனக் காட்டி, குற்றி தொடர்பாக Pஇன் ஆர்முடுகலைக்

மேலும் துணிக்கை P ஆனது A ஐ அடைவதற்கு எடுக்கும் நேரம் $\sqrt{rac{17a}{5g}}$ எனக் காட்டுக.

(b) ஒவ்வொன்றினதும் திணிவு m ஆகவுள்ள A,B என்னும் இரு துணிக்கைகள் நீளம் $l(>2\pi a)$ ஐ உடைய ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையின் இரு நுனிகளுடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. திணிவு 2m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை C ஆனது இழையின் நடுப் புள்ளியுடன் இணைக்கப்பட்டுள்ளது. மையம் O ஐயும் ஆரை a ஐயும் உடைய ஒரு நிலைத்த ஒப்பமான கோளத்தின் உச்சிப் புள்ளியில் துணிக்கை C உம் A,B ஆகிய துணிக்கைகள் O இனூடாக ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்தில் சுயாதீனமாகத் தொங்கிக்கொண்டும் இருக்க உருவில் காணப்படுகின்றவாறு இழை கோளத்தின் மீது வைக்கப்பட்டுள்ளது. ஒரு நேர்கோட்டுப் பாதையில் துணிக்கை A ஆனது கீழ்நோக்கி இயங்குமாறு துணிக்கை C இற்குக் கோளத்தின் மீது அதே நிலைக்குத்துத் தளத்தில் ஒரு சிறிய இடப்பெயர்ச்சி தரப்படுகின்றது. துணிக்கை C ஆனது கோளத்துடன்



தொடுகையில் இருக்கும் வரைக்கும் $\dot{\theta}^2 = \frac{g}{a}(1-\cos\theta)$ எனக் காட்டுக; இங்கு θ ஆனது OC திரும்பியுள்ள கோணமாகும்.

 $heta=rac{\pi}{3}$ ஆக இருக்கும்போது துணிக்கை C ஆனது கோளத்திலிருந்து பிரிந்து செல்லுமென மேலும் காட்டுக.

13. இயற்கை நீளம் a ஐயும் மீள்தன்மை மட்டு mg ஐயும் உடைய ஓர் இலேசான மீள்தன்மை இழையின் ஒரு நுனி ஓர் ஒப்பமான கிடை நிலத்திற்கு மேலே ஓர் உயரம் 3a இல் உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளி O உடன் இணைக்கப்பட்டிருக்கும் அதே வேளை மற்றைய நுனி திணிவு m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கையுடன் இணைக்கப்பட்டுள்ளது. துணிக்கை O இற்குக் கிட்ட வைக்கப்பட்டு, கதி \sqrt{ga} உடன் நிலைக்குத்தாகக் கீழ்நோக்கி எறியப்படுகின்றது. இழையின் நீளம் x ஆனது $a \le x < 3a$ இற்குச் சமன்பாடு $\ddot{x} + \frac{g}{a}(x - 2a) = 0$ ஐத் திருப்தியாக்குகின்றதெனக் காட்டி, இவ்வெளிய இசை இயக்கத்தின் மையத்தைக் காண்க. நிலத்துடனான முதல் மொத்தல் வரைக்கும் துணிக்கையின் கீழ்முக இயக்கத்திற்குச் சக்திக் காப்புக் கோட்பாட்டைப் பயன்படுத்தி $a \le x < 3a$ இற்கு $\dot{x}^2 = \frac{g}{a}(4ax - x^2)$ எனக் காட்டுக.

X = x - 2a எனக் கொண்டு இறுதிச் சமன்பாட்டை $-a \le X < a$ இற்கு வடிவம் $\dot{X}^2 = \frac{g}{a} \left(A^2 - X^2 \right)$ இல் எடுத்துரைக்க; இங்கு A ஆனது துணியப்பட வேண்டிய வீச்சமாகும். நிலத்துடனான முதல் மொத்தலுக்குச் சற்று முன்னர் துணிக்கையின் வேகம் யாது ?

துணிக்கைக்கும் நிலத்திற்குமிடையே உள்ள மீளமைவுக் குணகம் $\frac{1}{\sqrt{3}}$ ஆகும். முதல் மொத்தலுக்குப் பின்னர் இழை தளரும் வரைக்கும் துணிக்கையின் மேன்முக இயக்கத்திற்கு $-a \le X < a$ இற்கு $\dot{X}^2 = \frac{g}{a} \Big(B^2 - X^2 \Big)$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு B ஆனது இப்புதிய எளிய இசை இயக்கத்தின் துணியப்பட வேண்டிய வீச்சமாகும். துணிக்கை மேலே விவரித்த எளிய இசை இயக்கங்களைக் கீழ்முகமாகவும் மேன்முகமாகவும் ஆற்றும் மொத்த நேரம் $\frac{5\pi}{6} \sqrt{\frac{a}{g}}$ எனக் காட்டுக.

 $oxed{14.}\ (a)\ A,\ B$ என்னும் இரு வேறுவேறான புள்ளிகளுடன் **ஒரே கோட்டில் இல்லாத** ஒரு நிலைத்த உற்பத்தி O பற்றி A,B ஆகியவற்றின் தானக் காவிகள் முறையே $oldsymbol{a,b}$ ஆகும். O பற்றி ஒரு புள்ளி C இன் தானக் காவி $oldsymbol{c}=(1-\lambda)\,oldsymbol{a}+\lambda\,oldsymbol{b}$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு $O\!<\!\lambda\!<\!1$.

 $\overline{AC}, \overline{CB}$ ஆகிய காவிகளை $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \lambda$ ஆகியவற்றின் சார்பில் எடுத்துரைக்க.

இதிலிருந்து, புள்ளி C ஆனது கோட்டுத் துண்டம் AB மீது இருக்கின்றது எனவும் $AC:CB=\lambda:(1-\lambda)$ எனவும் காட்டுக.

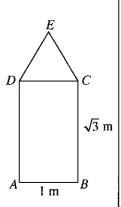
இப்போது கோடு OC ஆனது கோணம் AOB ஐ இருகூறிடுகின்றதெனக் கொள்வோம். $|\mathbf{b}|(\mathbf{a}\cdot\mathbf{c})=|\mathbf{a}|(\mathbf{b}\cdot\mathbf{c})$ எனக் காட்டி, **அதிலிருந்து,** λ ஐக் காண்க.

(b) உருவில் ABCD ஆனது AB = 1 m, $BC = \sqrt{3}$ m ஆகவுள்ள ஒரு செவ்வகமாக இருக்கும் அதே வேளை CDE ஒரு சமபக்க முக்கோணியாகும். 5, $2\sqrt{3}$, 3, $4\sqrt{3}$, P, Q நியூந்நன் பருமனுள்ள விசைகள் முறையே BA, DA, DC, CB, CE, DE வழியே எழுத்து ஒழுங்குமுறையினால் காட்டப்படும் திசைகளில் தாக்குகின்றன. இவ்விசைத் தொகுதி ஓர் இணையாக ஒடுங்குகின்றது.

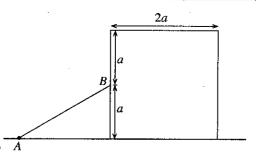
 $P=\ 4,\,Q=8$ எனக் காட்டி, இவ்விணையின் திருப்பத்தைக் காண்க.

இப்போது BA,DA ஆகியவற்றின் வழியே தாக்கும் விசைகளின் பருமன்கள் அவ்வாறே இருக்க அவற்றின் திசைகள் புறமாற்றப்படுகின்றன. புதிய தொகுதி $2\sqrt{37}$ நியூற்றன் பருமனுள்ள ஒரு தனி விளையுள் விசையாக ஒடுங்குகின்றது எனக் காட்டுக. இவ்விளையுள் விசையின் தாக்கக் கோடு நீட்டப்பட்ட BA ஐச் சந்திக்கும் புள்ளியிலிருந்து

A இன் தூரம் $\frac{7}{4}$ m எனவும் காட்டுக.

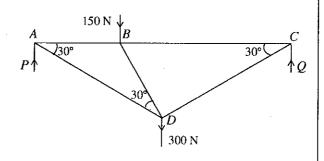


15.(a) நிறை Wஐயும் நீளம் 2a ஆகவுள்ள பக்கத்தையும் உடைய ஒரு சீரான சதுரமுகிக் குற்றி ஒரு கரடான கிடை நிலத்தின் மீது வைக்கப்பட்டுள்ளது. நிறை 2W ஐயும் நீளம் 2aஐயும் உடைய ஒரு சீரான கோல் AB இன் முனை Aஆனது கிடை நிலத்தின் மீது உள்ள ஒரு புள்ளியுடன் ஒப்பமாகப் பிணைக்கப்பட்டிருக்கும் அதே வேளை முனை B ஆனது சதுரமுகியின் ஓர் ஒப்பமான நிலைக்குத்து முகத்திற்கு எதிரே அதன் மையத்தில் வைக்கப்பட்டுள்ளது. கோலினூடாக உள்ள நிலைக்குத்துத் தளம் குற்றியின்



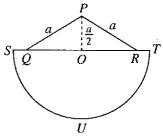
அந்நிலைக்குத்து முகத்திற்குச் செங்குத்தாக இருக்கும் அதே வேளை தொகுதி நாப்பத்தில் இருக்கின்றது. (உரிய நிலைக்குத்துக் குறுக்குவெட்டிற்கு உருவைப் பார்க்க.) சதுரமுகிக் குற்றிக்கும் கரடான கிடை நிலத்திற்குமிடையே உள்ள உராய்வுக் குணகம் μ ஆகும். $\mu \geq \sqrt{3}$ எனக் காட்டுக.

(b) முனைகளில் சுயாதீனமாக முட்டப்பட்ட AB, BC, AD, BD, CD என்னும் ஐந்து இலேசான கோல்களைக் கொண்ட ஒரு சட்டப்படல் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளது. AB = a மீற்றர், BC = 2a மீற்றர். $B\hat{A}D=B\hat{D}A=B\hat{C}D=30^{\circ}$. சட்டப்படலில் Bஇல் 150 N, D இல் 300 N என்னும் சுமைகள் பிரயோகிக்கப்பட்டுள்ளன. அது AB, BC ஆகியன கிடையாக இருக்குமாறு முறையே A இலும் Cஇலும் பிரயோகிக்கப்படும் $P,\,Q$ என்னும் இரு நிலைக்குத்து விசைகளினால் தாங்கப்பட்டு ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்திலே நாப்பத்தில் உள்ளது. P = 250 N எனக் காட்டுக.



போவின் குறிப்பீட்டைப் பயன்படுத்தி ஒரு தகைப்பு வரிப்படத்தை வரைந்து, **இதிலிருந்து,** எல்லாக் கோல்களிலும் உள்ள தகைப்புகளைக் கண்டு, அவை இழுவைகளா உதைப்புகளா என எடுத்துரைக்க.

 $oldsymbol{16}$. மையம் C ஐயும் ஆரை a ஐயும் உடைய அரைவட்ட வில்லின் வடிவமுள்ள ஒரு மெல்லிய சீரான கம்பியின் திணிவு மையம் C இலிருந்து தூரம் $\dfrac{2a}{\pi}$ இல் இருக்கின்றதெனக் காட்டுக. அருகில் உள்ள உருவில் PQ, PR, ST ஆகியன ஓரலகு நீளத்தின் திணிவு ho ஆகவுள்ள ஒரு மெல்லிய சீரான கம்பியிலிருந்து வெட்டப்பட்ட மூன்று நேர்கோட்டுத் துண்டுகளாகும். $PQ,\,PR$ ஆகிய இரு துண்டுகளும் புள்ளி Pஇல் ஒன்றோடொன்று உருகிணைக்கப்பட்டு, பின்னர் Q,R ஆகிய புள்ளிகளில் $_{S_1}$ ST உடன் உருகிணைக்கப்பட்டுள்ளன. $PQ=PR=a,\ ST=2a,\ PO=rac{a}{2}$ எனத் தரப்பட்டுள்ளது; இங்கு O ஆனது QR,ST ஆகிய இரண்டினதும் நடுப் புள்ளியாகும். மேலும் SUT ஆனது ஓரலகு நீளத்தின் திணிவு k
ho ஆகவுள்ள ஒரு மெல்லிய சீரான கம்பியிலிருந்து செய்யப்பட்ட மையம் O ஐயும் ஆரை



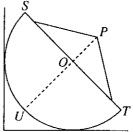
a ஐயும் உடைய ஓர் அரைவட்ட வில்லாகும்; இங்கு $k \, (> 0)$ ஒரு மாநிலி. அரைவட்டக் கம்பி SUT ஐ PORஇன் தளத்தில் $S,\,T$ ஆகிய புள்ளிகளில் கம்பி ST உடன் உருகிணைப்பதன் மூலம் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள

விறைப்பான தளக் கம்பிச் சட்டம் L ஆக்கப்பட்டுள்ளது. L இன் திணிவு மையம் P இலிருந்து தூரம்

 $\left(\frac{\pi k + 4k + 3}{\pi k + 4}\right) \frac{a}{2}$ இல் இருக்கின்றதெனக் காட்டுக.

அருகில் இருக்கும் உருவில் உள்ளவாறு கம்பிச் சட்டம் Lஆனது அதன் வட்டப் பகுதி ஓர் ஒப்பமான நிலைக்குத்துச் சுவரையும் நழுவுவதைத் தடுப்பதந்குப் போதிய அளவில் கரடான ஒரு கிடைத் தரையையும் தொட்டுக்கொண்டு அதன் தளம் சுவருக்குச் செங்குத்தாக இருக்க நாப்பத்தில் உள்ளது. L மீது தாக்கும் விசைகளைக் குறித்து, $k > \frac{1}{4}$ எனக் காட்டுக.

இப்போது k=1 எனக் கொள்வோம். புள்ளி P இல் திணிவு m ஐ உடைய ஒரு துணிக்கையை L உடன் இணைத்த பின்னரும் மேற்குறித்த அமைவில் நாப்பம் பேணப்படுகின்றது. $m < 3\rho a$ எனக் காட்டுக.



- 17.(a) A, B, C என்னும் பைகளில் ஒவ்வொன்றிலும் நிறம் தவிர ஏனைய எல்லா அம்சங்களிலும் சர்வசமனான வெள்ளைப் பந்துகளும் கறுப்புப் பந்துகளும் மாத்திரம் உள்ளன. பை A இல் 4 வெள்ளைப் பந்துகளும் 2 கறுப்புப் பந்துகளும் பை B இல் 2 வெள்ளைப் பந்துகளும் 4 கறுப்புப் பந்துகளும் பை C இல் m வெள்ளைப் பந்துகளும் (m + 1) கறுப்புப் பந்துகளும் உள்ளன. ஒரு பையை எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்து அப்பையிலிருந்து எழுமாற்றாக இரு பந்துகள் ஒன்றன் பின்னொன்றாகப் பிரதிவைப்பு இல்லாமல் வெளியே எடுக்கப்படுகின்றன. வெளியே எடுக்கப்பட்ட முதற் பந்து வெள்ளையாகவும் வெளியே எடுக்கப்பட்ட இரண்டாம் பந்து கறுப்பாகவும் இருப்பதற்கான நிகழ்தகவு 5/18 ஆகும். m இன் பெறுமானத்தைக் காண்க. மேலும் வெளியே எடுக்கப்பட்ட முதற் பந்து வெள்ளை எனவும் வெளியே எடுக்கப்பட்ட இரண்டாம் பந்து கறுப்பு எனவும் தரப்படின், பை C தெரிந்தெடுக்கப்படுவதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.
 - (b) 100 மாணவர்களைக் கொண்ட ஒரு குழு ஒரு புள்ளிவிவரவியல் வினாவுக்கு அவர்களுடைய விடைகளுக்காகப் பெற்ற புள்ளிகளின் பரம்பல் பின்வரும் அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ளது.

புள்ளி வீச்சு	மாணவர்களின் எண்ணிக்கை
0 - 2	15
2 - 4	25
4 - 6	40
6 - 8	15
8 - 10	5

இப்பரம்பலின் இடை μ ஐயும் நியம விலகல் σ ஐயும் மதிப்பிடுக.

அத்துடன், $\kappa = \frac{3(\mu - M)}{\sigma}$ இனால் வரையறுக்கப்படும் ஓராயக் குணகம் κ ஐயும் மதிப்பிடுக; இங்கு M ஆனது பரம்பலின் இடையமாகும்.

Dear students!
We have Past Papers and Answers (Marking Schemes), Model Papers and Note books for English, Tamil and Sinhala Medium).

Please visit:

www.freebooks.lk

or click on this page to vist our site!